中 | 教 p | 76~ | 83 図形と作図

垂直二等分線の作図

図の線分 AB の垂直二等分線を作図しよう。

【重要点】

線分の垂直二等分線

✓ 基本の作図 4 パターンをおさえる。

→ 垂直二等分線

→ 線分上の点を通る垂線

→ 線分上にない点を通る垂線

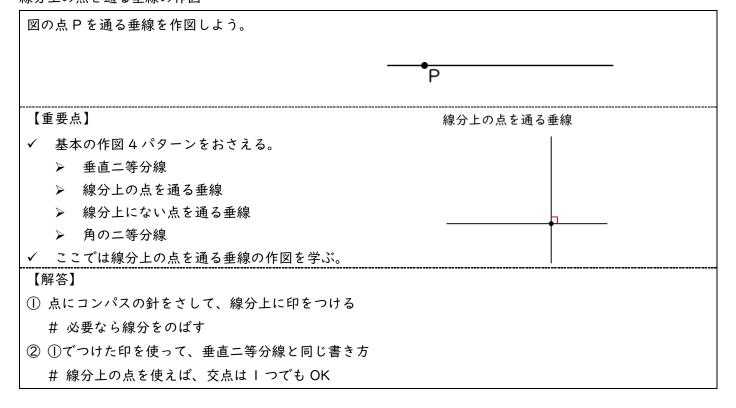
→ 角の二等分線

✓ ここでは垂直二等分線の作図を学ぶ。

【解答】

① 点 A にコンパスの針をさしてシュ
② 点 B にコンパスの針をさしてシュ
③ ①と②の交点を結ぶ

線分上の点を通る垂線の作図



図の点Pを通る垂線を作図しよう。

•_P

線分上にない点を通る垂線

P.

【重要点】

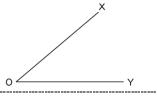
- ✓ 基本の作図 4 パターンをおさえる。
 - ▶ 垂直二等分線
 - ▶ 線分上の点を通る垂線
 - ▶ 線分上にない点を通る垂線
 - ▶ 角の二等分線
- ✓ ここでは線分上にない点を通る垂線の作図を学ぶ。

【解答】

- ① 点にコンパスの針をさして、線分上に印をつける# 必要なら線分をのばす
- ② ①でつけた印を使って、垂直二等分線と同じ書き方 # 線分上の点を使えば、交点は | つでも OK

角の二等分線の作図

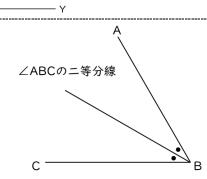
図の∠XOY の二等分線を作図しよう。



【重要点】

- ✓ 基本の作図 4 パターンをおさえる。
 - ▶ 垂直二等分線
 - ▶ 線分上の点を通る垂線
 - ▶ 線分上にない点を通る垂線
 - ▶ 角の二等分線
- ✓ ここでは角の二等分線の作図を学ぶ。

- ① ∠O にコンパスの針をさして、OX, OY 上に印をつける
- ② ①でつけた | つ目の印に針をさして、シュ。
- ③ ①でつけた2つ目の印に針をさして、シュ。
- ④ Oから②と③の交点へ線をのばす。



図で2点P,Qから等しい距離にある直線ℓ上の点Rを作図しよう。

Ρ

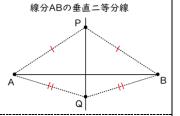
• Q

l -

【重要点】

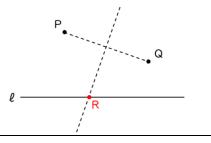
✓ 線分の垂直二等分線上に点をとると、その点は両端の点からの距離が等しい。(例) 図で AP=BP, AQ=BQ

✓ 「2点からの距離が等しい点」を書くには、垂直二等分線を書けばよい。



【解答】

- ① PQ の垂直二等分線をひく。
- ② 直線 ℓと①との交点が、求める答えの R

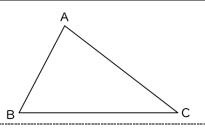


2辺から等しい距離にある点の作図

図において、辺BC上にあり、

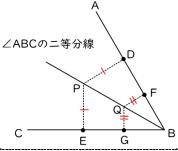
2辺AB, ACから等しい距離にある点Dを、

作図しよう。

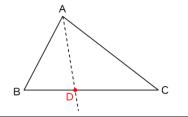


【重要点】

- ✓ 角の二等分線上に点をとると、その点は角を作る2辺からの距離が等しい。(例) 図でPD=PE, QF=QG
- ✓ 「2辺からの距離が等しい点」を書くには、その2辺が作る角の二等分線を 書けばよい。



- ① ∠BAC の二等分線をひく。
- ② 辺BCと①との交点が、求める答えの D



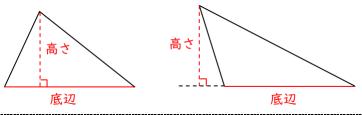
三角形の高さの作図

図の三角形 ABC で、辺 BC を底辺としたときの、 高さ AH を作図しよう。

ВС

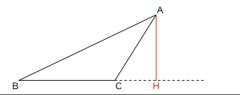
【重要点】

✓ 三角形の底辺と高さは、垂直の関係。



【解答】

- ① BC を延長する
- ② 点Aを通るBCの垂線をひく
- ③ ①と②の交点が H

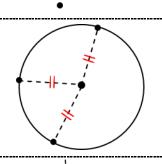


3点を通る円の作図

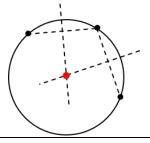
図の3点を通る円を作図しよう。

【重要点】

- ✓ 円の半径(中心から円周までの距離)は等しい。
- ✓ 「2点からの距離が等しい点」を書くには、垂直二等分線をひく。

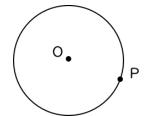


- ① 2点を結ぶ線分の垂直二等分線をひく
- ② もうひとつ 2 点を結ぶ線分の垂直二等分線をひく
- ③ ①と②の交点が円の中心



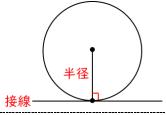
円の接線の作図

図の円で、点Pを通る接線を作図しよう。



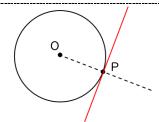
【重要点】

✓ 円の接線と、接点を通る円の半径は、垂直になる。



【解答】

- ① OPをひく #P側を長くして作図しやすくする
- ② Pを通る OPの垂線をひく

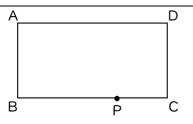


折り目の作図

図の長方形 ABCD において、

点Aが点Pに重なるように折るとき、

その折り目を作図しよう。

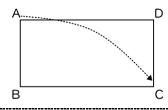


【重要点】

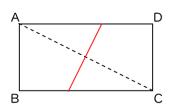
- ✓ 点と点が重なるように折るとき、折り目は、重なる点を結ぶ線分の垂直二等分線になる。
 - (例) 長方形 ABCD を、A と C が重なるように折ったときの折り目

AとCが重なるように折ると

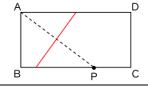








- ① AP を結ぶ。
- ② 線分 AP の垂直二等分線をひく。



図に∠ABC=45°となる点Cを作図しよう。

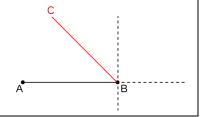


【重要点】

- ✓ 45°の角度を作るには、90°の角を二等分すればよい。
- ✓ 90°の角を作るには、垂線をひけばよい。

【解答】

- ① 作図しやすいように AB を延長する
- ② 点Bを通るABの垂線をひく
- ③ ②でできた垂直な角を二等分する
- ④ ③の二等分線上のどこかに点 C をとる



30°の角の作図

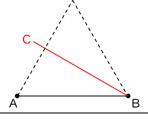
図に∠ABC=30°となる点 C を作図しよう。



【重要点】

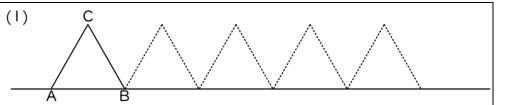
- ✓ 30°の角度を作るには、60°の角を二等分すればよい。
- ✓ 60°の角を作るには、正三角形を作ればよい。
- ✓ 正三角形を作るには、コンパスで同じ長さの三角形を作ればよい。

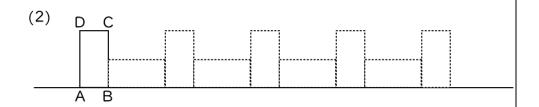
- ① AB を一辺とする正三角形を作る # A 側の辺はなくても OK
- ② できた∠B を二等分する
- ③ ②の二等分線上のどこかに点 C をとる



回転と点の移動の作図

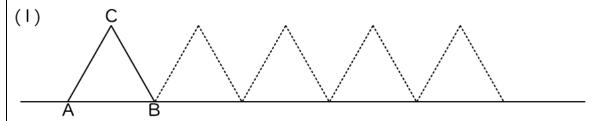
図形を直線にそってすべらな (I) いように転がしていくとき、 点 A が動いた跡にできる線を、 図の点線を利用して書こう。

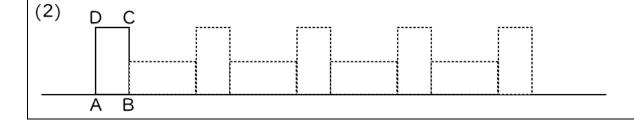




【重要点】

- ✓ 図形を直線にそってすべらないように転がすときは、「どこを中心に回転するか?」を見きわめる。
- ✓ その中心にコンパスの針をさし、円を描くようにすれば作図できる。
- ✓ 移動後の点に A'など名前をつけておく。





図の直線上に点 P をとる。AP+PB が最も短くなるような点 P を作図しよう。

B

Α.

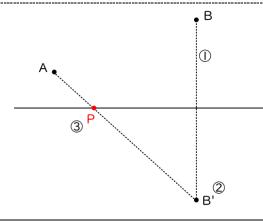
【重要点】

- ✓ 最短距離は、まっすぐな線分を作る。
- ✓ この問題での、最短距離となる点の取り方に慣れる。 # 今後、何度も出てくる重要な知識

【解答】

まず、直線に関して点Bと対称な点B'を作図する。

- ① Bを通る、直線の垂線を引く。
- ② 点Bと直線の距離と等しくなるように、点B'をとる。
- ③ AB'を結び、直線と交わる点が、求める点 P になる。



なぜか?

B'Pの長さが、BPの長さと等しくなるから。

AP+PB'が最短距離なら、AP+PBも最短となる。